

入 学 試 験 問 題

数 学



上 智 大 学 2014 年 度 経 営 学 科 数 学

全 3 問

注 意 事 項

- 1 試験開始の合図があるまで、この問題冊子を開いてはいけません。
- 2 この問題冊子は全部で 5 ページあり、問題は全部で 3 問あります。落丁、乱丁または印刷不鮮明の箇所があったら、監督者に知らせなさい。
- 3 解答には、必ず黒色鉛筆（または黒色シャープペンシル）を使用しなさい。
- 4 解答は、問題ごとに解答用紙の指定された箇所へ記入しなさい。
- 5 解答用紙の指定欄に、受験番号、科類、氏名を記入しなさい。指定欄以外に、これらを記入してはいけません。
- 6 解答用紙の解答欄に、関係のない文字、記号、符号などを記入してはいけません。
- 7 この問題冊子の余白は、計算用に使用してもよいが、どのページも切り離してはいけません。
- 8 試験終了後、問題冊子は持ち帰りなさい。

第 1 問

負の実数 a に対して

$$f(x) = a \sin 2x - \sin x + \cos x$$

とする。

- (1) $t = -\sin x + \cos x$ とおくとき, $f(x)$ を t で表せ。
- (2) $f(x)$ の最大値と最小値を, a の範囲で場合分けして求めよ。

第 2 問

一辺 1 の正方形タイルと，辺の長さが 1 と 2 の長方形タイルを隙間も重なりもなく並べて，縦 2，横 n の長方形を作る。並べ方の総数を a_n とする。タイルは回転して使ってよい。例えば $a_1 = 2, a_2 = 7$ である。

(1) a_3 を求めよ。

(2) 右端付近の敷き方を分類することにより， $n \geq 2$ で

$$a_{n+2} = 3a_{n+1} + a_n - a_{n-1}$$

が成り立つことを示せ。

(3) a_4 を求めよ。

第 3 問

2 個のさいころ A, B を投げ、出た目をそれぞれ m, n とする。座標平面上に、原点を頂点として下に凸で点 $P(m, n)$ を通る放物線 C_1 と、点 $(0, 13/2)$ を頂点として上に凸で P を通る放物線 C_2 をとる。

(1) $C_1 : y = f(x), C_2 : y = g(x)$ の方程式を求めよ。

(2) $x \geq 0$ の範囲で C_1, C_2 と y 軸に囲まれる面積を S とする。 S を m, n で表し、 S の期待値を求めよ。また $10 \leq S \leq 20$ を満たす (m, n) は何通りあるか。

(3) P における C_1, C_2 の接線を ℓ_1, ℓ_2 とする。2 直線が垂直に交わる (m, n) を求め、それぞれの直線と x 軸との交点の x 座標を求めよ。

計 算 用 紙

(切り離さないで用いよ。)